

## ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

## DISCIPLINA: matematică M1-2

Varianta	Subiectul	Subpunctul	Original	Se schimbă în
001	I	a)		Să se calculeze numărul complex $2z - 2z^2$ , dacă $z = 2 - 3i$ .
001	I	c)		Să se calculeze aria triunghiului $ABC$ .
001	I	f)		Să se determine coordonatele centrului cercului circumscris triunghiului $ABC$
001	II	2.a)	$x \in \mathbf{R}$	$x \in (-1, \infty)$
001	IV	c)	Să se arate că funcția	Să se arate
001	IV	g)	Să se arate că	Folosind eventual punctele e) și f), să se arate că
002	I	b)	a numărului	a numărului complex
002	I	e)	precizeze semnul numărului	calculeze
002	II	1.e)	Să se dea un exemplu de progresie aritmetică cu trei termeni știind că suma ultimilor doi termeni este egală cu 3	Să se dea un exemplu de trei numere în progresie aritmetică astfel încât suma ultimelor două numere este 3.
002	III	d)	Să se găsească există	Să se găsească
002	III	g)	$\det(X^2 + I_2) \geq 1$	$\det(X^2 + I_2) \geq 4$
003	I	a)	Să se calculeze $z_1 + \bar{z}_2$	Să se calculeze numărul complex $z_1 + z_2$
003	I	c)	Să se calculeze suma de numere complexe	Să se determine partea reală a numărului complex
003	II	1.a)	inversul	Inversul fata de inmultire
003	III	d)	$A^{2006}$	$A^{2007}$
003	III	e)	Utilizând metoda	Utilizând eventual metoda

## ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

## DISCIPLINA: matematică M1-2

004	II	c)	ale funcției	ale graficului funcției
004	III	enunț	unde matricea	Unde
005	I	enunț	În reperul	În reperul cartezian
005	I	d)	știind că punctul $A$ este situat pe dreapta	dacă punctul $A$ aparține dreptei $d$
005	III	b)	mulțimea $A$	mulțimea $M$
006	I	a)	$x \in \mathbf{Z}_5$ dacă $\hat{2}x + \hat{4} = \hat{3}$	$\hat{x} \in \mathbf{Z}_5$ dacă $\hat{2}\hat{x} + \hat{4} = \hat{3}$
006	II	1 b)	Să se calculeze expresia $E = C_4^0 + C_4^1 + C_4^2 + C_4^3 + C_4^4$ .	Să se calculeze $C_4^0 + C_4^1 + C_4^2 + C_4^3 + C_4^4$ .
007	II	d)	pentru	,
007	III	f)	Folosind metoda inducției matematice, să se demonstreze că $x^n = a_n + b_n \sqrt{2}$ , unde $a_n > 1$ și $b_n > 1, \forall n \in \mathbf{N}^*$ .	Folosind metoda inducției matematice, să se demonstreze că pentru orice $n \in \mathbf{N}^*$ , există $a_n, b_n \in \mathbf{N}$ , $a_n > 1, b_n > 1$ , astfel încât $x^n = a_n + b_n \sqrt{2}$ .
007	IV	tot	Se consideră funcția $f : (0, \infty) \rightarrow \mathbf{R}$ , $f(x) = \frac{\ln x}{\sqrt[3]{x}}, \forall x > 0$ .  a) Să se arate că $\sqrt[3]{x}(3xf'(x) + f(x)) = 3,$ $\forall x > 0$ .  b) Să se arate că $f$ este strict crescătoare pe $(0, e^3]$ și strict descrescătoare pe $[e^3, \infty)$ .  c) Să se calculeze	Se consideră funcțiile $f : (0, \infty) \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = x - 1 - x \cdot \ln x$ și $g : (0, \infty) \rightarrow \mathbf{R}, g(x) = \frac{\ln(1+2x)}{x}$  a) Să se calculeze $f'(x),$ $x \in (0, \infty)$  b) Să se arate că $f(x) \leq 0,$ $x \in (0, \infty)$  c) Să se calculeze $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} g(x)$ .  d) Să se calculeze $\int_1^e f(x) dx$ .

ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

DISCIPLINA: matematică M1-2

			$e \cdot f(x) \leq 3, \forall x > 0.$ d) Să se arate că funcția $F: (0, \infty) \rightarrow \mathbf{R},$ $F(x) = \sqrt[3]{x^2} \left( \frac{3}{2} \ln x - \frac{9}{4} \right)$ este o primitivă pentru $f.$ e) Să se calculeze aria suprafeței mărginite de graficul funcției $f,$ axa $Ox$ și dreptele $x=1$ și $x=e^3.$ f) Să se compare numerele $\sqrt[3]{3} \ln 2$ și $\sqrt[3]{2} \ln 3.$ g) Să se determine numerele naturale nenule $n$ pentru care este adevărată inegalitatea: $n^{\sqrt[3]{n+1}} > (n+1)^{\sqrt[3]{n}}.$	e) Să se calculeze $g'(x),$ $x \in (0, \infty).$ f) Folosind eventual b) și notația $1+2x=t,$ să se arate că funcția $g$ este descrescătoare pe $(1, \infty).$ g) Să se arate că $(1+2\sqrt{2})^{\sqrt{3}} > (1+2\sqrt{3})^{\sqrt{2}}.$
008	I	enunț	În reperul cartezian $0, \vec{i}, \vec{j}$ se consideră vectorii: $\vec{OA} = -\vec{i} - 5\vec{j},$ $\vec{OB} = 5\vec{i} + 3\vec{j}$ și $\vec{OC} = 5\vec{i} - 5\vec{j}.$	În sistemul cartezian $xOy$ se consideră punctele $A(-1, -5), B(5, 3)$ și $C(5, -5).$
008	I	b)	Să se calculeze perimetrul triunghiului ABC	Să se determine coordonatele simetricului punctului $A$ față de punctul $B.$
008	I	f)	Să se scrie coordonatele simetricului punctului $A$ față de punctul $B.$	Să se determine partea reală a numărului complex $i^{101} + i^{102}.$
008	II	1.a)	cel puțin	
008	II	1.c)	dezvoltarea binomului $(2 + \sqrt{5})^{10}$	dezvoltarea binomială $(2 + \sqrt{5})^6$

## ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

## DISCIPLINA: matematică M1-2

008	II	2.a)		$x \in \left( -\frac{2006}{2007}, \infty \right)$
008	III	d)	Să se arate că $A(x) \cdot A(y) = A(x \cdot y)$ $\forall A(x), A(y) \in H$ .	Să se calculeze $A(x) \cdot A(x)$ , $x \in \mathbf{R}^*$ .
008	III	e)	Să se calculeze $A(x) \cdot A(x)$ , $x \in \mathbf{R}^*$ .	Să se arate că $A(x) \cdot A(y) = A(x \cdot y) \forall A(x), A(y) \in H$ .
008	III	f)	și $n \in \mathbf{N}^*$ .	și orice $n \in \mathbf{N}^*$ .
008	IV	a)		$x \in \mathbf{R} - \{2007\}$
008	IV	c)	Pe $\mathbf{R} - \{2007\}$	pe intervalul $(-\infty, 2007)$
009	II	1.a)		$n \in \mathbf{N}$
009	II	1.b)	$1 + 3 + 5 + \dots + 2007$	$1 + 3 + 5 + \dots + 27$
009	II	2.e)	$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n} + 1}{\sqrt[3]{n} + 2}$	$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n + 1}{n^3 + 2}$
009	III	g)	oricare $Y \in I(A)$ , $Y \neq O_2$	dacă $Y \in I(A)$ , $Y \neq O_2$ , atunci $Y$
010	III	a)	Să se arate că pentru orice $x, y \in G$ , avem $x * y \in G$ .	Să se arate că $x * y \in G$ pentru orice $x, y \in G$ .
010	III	b)	Să se arate că pentru orice $x, y, z \in G$ avem $(x * y) * z = x * (y * z)$	Să se arate că $(x * y) * z = x * (y * z)$ pentru orice $x, y, z \in G$ .
010	IV	g)	Să se arate că pentru orice $x \in (0, +\infty)$ avem $\frac{x}{1 + x^2} < \operatorname{arctg} x$	Să se arate că $\frac{x}{1 + x^2} < \operatorname{arctg} x$ pentru orice $x \in (0, +\infty)$
011	IV	f)	$(a_n)_{n \geq k}$	$(a_n)_{n \geq 1}$

## ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

## DISCIPLINA: matematică M1-2

011	IV	g)	$a_n = \frac{2^n}{2^n - 1},$	$a_n = \frac{2^n}{2^n - 1}, \forall n \in \mathbf{N}^*$
012	I	f)	$\left( \frac{2+3i}{4+5i} \right)$	$\frac{2+3i}{4+5i}$
013	I	d)	produsul $i \cdot i^2 \cdot i^3 \cdot \dots \cdot i^{2007}$	produsul de numere complexe $i \cdot i^2 \cdot i^3 \cdot \dots \cdot i^{10}$
013	II	2.c)	punctele de extrem local ale funcției $f$	punctul de extrem local al funcției $f$
013	III	enunț	cu rădăcinile $x_1, x_2, x_3, x_4 \in \mathbf{C}$ și $g = X^2 + X + 1$ , cu rădăcinile $z_1, z_2$ , iar $n \in \mathbf{R}^*$ .	care are rădăcinile $x_1, x_2, x_3, x_4 \in \mathbf{C}$ și $g = X^2 + X + 1$ , care are rădăcinile $z_1, z_2 \in \mathbf{C}$ , unde $m, n \in \mathbf{R}^*$ .
013	III	a)	Să se determine $m, n \in \mathbf{R}$ astfel încât $f$ să admită rădăcina $x_1 = 1 + 2i$ .	Să se calculeze suma rădăcinilor polinomului $f$ .
013	III	b)	Pentru $m = 3$ și $n = 5$ , să se calculeze $f(1) \cdot f(-2)$ .	Pentru $m = 3$ și $n = 5$ , să se calculeze $f(z_1) + f(z_2)$ .
013	III	c)	Să se calculeze suma rădăcinilor polinomului $f$ .	Pentru $m = 3$ și $n = 5$ , să se afle restul împărțirii polinomului $f$ la polinomul $g$ .
013	III	d)	Pentru $m = 3$ și $n = 5$ , să se afle restul împărțirii polinomului $f$ la polinomul $g$ .	Să se determine $m, n \in \mathbf{R}$ astfel încât $f$ să admită rădăcina $x_1 = 1 + 2i$ .
014	II	1.b)	Să se afle	Să se calculeze
014	II	2.b)	punctele de extrem local ale funcției $f$	punctul de extrem local al funcției $f$
014	IV	Enunț		și se definește șirul $(a_n)_{n \geq 1}$ prin $a_n = f(1) + f(2) + \dots + f(n)$
014	IV	b)		la graficul funcției $f$ .

## ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

## DISCIPLINA: matematică M1-2

015	I	d)	sale	acestui
015	II	1.a)		în intervalul $(-\infty, 1]$ ecuația $\sqrt{1-x} = 2$ .
015	III	b)	matricea	Matricele
015	IV	enunț	și șirurile	și se definesc
016	I	a)	2007	7
016	I	b)	imaginară	Reală
016	II	1c)	inversabile	Inversabile fata de inmultire
016	III	a)	$(x-1)(x^2+x+1) = x^3-1, x \in \mathbf{C}$	$(x-1)(x^2+x+1) = x^3-1, \forall x \in \mathbf{C}$
017	I	a)	$ax^2 + ay^2 - 5 = 0$	$x^2 + y^2 - a = 0$
017	II	1.e)		Să se calculeze in câte moduri se pot alege două persoane dintr-un grup format din 6 persoane.
017	II	2.b)		de abscisă
017	IV	b)	punctele de extrem local ale funcției $f$	punctul de extrem local al funcției $f$
018	I	a)		Să se determine coordonatele mijlocului segmentului determinat de punctele A(1,-1), B(4,3).
018	II	1.d)		pentru care $f(1)$ este număr par.
018	II	2.e)	$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n + \sqrt{n}}{n + \sqrt[3]{n}}$	$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2n+3}{4n+5}$
019	I	c)	2007	11
019	II	e)	Să se calculeze determinatul	Să se arate că determinatul $\begin{vmatrix} 3a & 2b \\ a & b \end{vmatrix}$

## ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

## DISCIPLINA: matematică M1-2

			$\begin{vmatrix} 3a & 2b \\ a & b \end{vmatrix}$	este număr natural
019	IV	d)	este monoton crescătoare.	este crescătoare pe intervalul $\left[0, \frac{\pi}{2}\right)$ .
019	IV	g)	este descrescătoare.	este descrescătoare pe intervalul $\left[0, \frac{\pi}{2}\right)$ .
020	II	1.d)	$1 + 5 + 9 + 13 + \dots + 117$ .	$1 + 5 + 9 + 13 + \dots + 37$ .
020	II	2.e)	$\lim_{n \rightarrow \infty} n f\left(\frac{1}{n}\right)$	$\lim_{n \rightarrow \infty} f\left(\frac{1}{n}\right)$
020	IV	b)	punctele de extrem local ale funcției $f$	punctul de extrem local al funcției $f$
021	II	1.b)	Să se calculeze expresia $E = C_{12}^3 - C_{12}^9$ .	Să se calculeze $C_{12}^3 - C_{12}^9$ .
022	II	1.b)	$7 + 17 + 27 + \dots + 97$	$7 + 17 + 27 + \dots + 97$
022	II	2.d)	punctele de extrem local ale funcției $f$	punctul de extrem local al funcției $f$
023	I	a)		Să se determine partea reală a numărului complex $(1 + i\sqrt{2})(1 - i\sqrt{2})$ .
023	II	1.d)	coeficienți	coeficienți reali
023	III	f)		să fie adevărată egalitatea
024	III	e)	$B = aI_2 + bA \in G$	$aI_2 + bA \in G$
024	IV	b)	punctele de extrem local ale funcției $f$	punctul de extrem local al funcției $f$
025	I	d)	$L(4, 2)$ , $M(3, 3)$ și $N(2, 4)$	$L(1, 2)$ , $M(0, -1)$ și $N(2, 5)$
025	II	1.d)	$\log_2(2x^2 + 7) = \log_2(x^4 + 8)$	$\log_2(3x + 5) = 3$

## ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

## DISCIPLINA: matematică M1-2

025	II	1.e)	$f = X^3 - X - 1$	$f = X^3 + X$
025	II	2.a)	$\forall x \in \mathbf{R}$	$x \in \mathbf{R}$
026	I	b)	Să se dea un exemplu de punct $A(a, b)$ situat pe cercul de ecuație $x^2 + y^2 = 4$ .	Să se arate că punctul $A(1, -\sqrt{3})$ aparține cercului de ecuație $x^2 + y^2 = 4$ .
026	I	c)	Să se dea exemplu de două puncte $B$ și $C$ în sistemul de axe $xOy$ pentru care distanța $BC$ este egală cu 4.	Să se calculeze distanța dintre punctele $B(0,2)$ și $C(-2,0)$ .
026	I	d)	$\sin \frac{5\pi}{6}$	$\sin \frac{\pi}{6}$
026	II	1.b)	Să se dea un exemplu de număr întreg $x$ pentru care $4^x < \frac{1}{4}$ .	Să se rezolve în mulțimea numerelor întregi ecuația $4^x = \frac{1}{4}$
026	II	1.d)	Să se dea un exemplu de număr natural $n \geq 5$ pentru care în inelul $(\mathbf{Z}_n, +, \cdot)$ simetricul elementului $\hat{3}$ este $\hat{4}$ .	Să se determine inversul fata de inmultire al elementului $\hat{3}$ în inelul $(\mathbf{Z}_{11}, +, \cdot)$ .
026	II	2.a)	punctele de extrem local ale funcției $f$	punctul de extrem local al funcției $f$
026	II	2.b)	punctele de inflexiune ale funcției $f$	punctul de inflexiune al funcției $f$
026	I	2.e)	Să se dea un exemplu de șir care are un termen egal cu 4 și nu este convergent.	Să se calculeze $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{25n + 24}{5n + 4}$ .
026	IV	g)	funcție $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ ,	funcție neconstantă $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ , pentru care $g(4) \neq 2$ și
027	I	a)	(OA)	[OA]

ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

DISCIPLINA: matematică M1-2

027	I	c)	$a \in \mathbf{R}$	$a \in \mathbf{R}, a \neq 2,$
027	II	1.b)	sctriect	strict
027	IV	enunț	și șirul $(a_n)_{n \in \mathbf{N}}$ , definit prin $a_0 = 1$	și se definește șirul $(a_n)_{n \in \mathbf{N}}$ prin $a_0 = 1$
028	I	enunt	În sistemul cartezian de coordonate $Oxy$ , se consideră punctele $A(2,4)$ , $B(6,4)$ , $C(4,4 - 2\sqrt{3})$ .	În sistemul cartezian de coordonate $xOy$ , se consideră punctele $A(1,4)$ , $B(5,0)$ , $C(0,3)$ .
028	I	a)	$z = 2i \cdot (1 + i)^2$	$z = 2i \cdot (1 + i)$
028	I	e)	$[AC]$	$[AB]$
028	I	f)	Dacă $M$ este mijlocul segmentului $AC$ , să se calculeze $\cos(\widehat{CBM})$ .	Să se determine ecuația cercului de diametru $[AB]$ .
028	II	1.a)	în mulțimea numerelor reale	intervalul $(-2, \infty)$
028	II	1.b)	$3 + 7 + 11 + \dots + 2007.$	$3 + 7 + 11 + \dots + 39.$
028	II	1.d)	$\hat{4}_x + \hat{2} = \hat{4}.$	$\hat{4}\hat{x} + \hat{2} = \hat{4}.$
028	IV	g)	Să se arate că $1 - f(x) + \sqrt{1 - 2xf(x)} + x^4 \geq 2x^2$ $\forall x \in \mathbf{R}.$	Să se rezolve ecuația $f(x) = \log_2(2 + x^2), x \in \mathbf{R}.$
029	I	a)	Dacă numărul complex $z = 2 - 3i$ , să se calculeze $2z - 2\bar{z}.$	Să se calculeze lungimea segmentului $[BC]$ .
			c) devine b) d) devine c) e) devine d)	

## ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

## DISCIPLINA: matematică M1-2

			f) devine e)	
029	I	b)	și să se calculeze aria acestuia – se va șterge	
029	I	f)		Dacă $\sin x = \frac{1}{2}$ să se determine $\cos^2 x$ .
029	II	1.a)	$9^x = 27^{x+1}$	$5^{1+x^2} = 25^x$
029	II	1.c)	Să se calculeze determinantul $\begin{vmatrix} 4 & 1 \\ 3 & 2 \end{vmatrix}$	Să se arate că numărul $\log_6 2 + \log_6 3$ este natural
029	II	1.d)	Se consideră funcția $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = 2x - 2007$ . Să se calculeze $(f \circ f)(2007)$ .	Se consideră funcția $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = -2x + 7$ . Să se calculeze $(f \circ f)(3)$ .
029	II	2 enunt	Se consideră funcția $f : (-1, \infty) \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = 2x + \frac{1}{x+1}$ .	Se consideră funcția $f : (-2, \infty) \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = x + \frac{2}{x+2}$ .
029	II	2.a)	$x \in \mathbf{R}$	$x \in (-2, \infty)$
029	II	1.b)	rangul matricei $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$	$C_5^3 - C_5^2 + C_5^5$ .
029	III	enunt	$f = (X+i)^{20} + i(X-i)^{20}$	$f = (X+i)^{20} + (X-i)^{20}$
029	III	b)	$a_{19}$	$a_0$
029	III	d)		este număr real.
029	III	e)	Să se arate că polinomul $f$ are toți coeficienții numere complexe nereale.	Să se determine restul împărțirii polinomului $f$ la polinomul

## ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

## DISCIPLINA: matematică M1-2

				$g = X - i$ .
030	II	1.d)	Să se determine $t \in \mathbf{R}$ pentru care $(2^t) \perp (4^t) = \frac{1}{2}$	Să se determine $x \in \mathbf{R}$ pentru care $(2^x) \perp (4^x) = \frac{1}{2}$
030	II	2.b)	$\lim_{n \rightarrow \infty} \left( \frac{n^2 + 3}{n^2 + 1} \right)^n$	$\lim_{n \rightarrow \infty} \left( \frac{n^2 + 3}{n^2 + 1} \right)^{\frac{1}{n}}$
030	III	g)	Să se arate că dacă $A \in M_2(\mathbf{R})$ și $\det(A) \neq 0$ , $\det(A + \det(A) \cdot A^*) = 0$ , atunci $\det(A - \det(A) \cdot A^*) = 4$ .	Să se determine $u, v \in \mathbf{R}$ astfel încât $u \cdot B + v \cdot B^* = 4E$ .
031	II	1.b)	expresia $E = C_{11}^3 - C_{11}^8 + C_9^9$	$C_{11}^3 - C_{11}^8 + C_9^9$
031	II	d)	$6^x = 7^x$	$6^x = 36^{x-1}$
032	I	d)	$\sin \frac{\pi}{4} \cdot \sin \frac{\pi}{2}$	$\operatorname{tg} 15^\circ \cdot \operatorname{ctg} 15^\circ$
032	II	c)	Dacă $A = \begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 18 & 9 \end{pmatrix}$ și $B = \begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 12 & 6 \end{pmatrix}$ se arate că $\det A = \det B$ .	Să se calculeze suma rădăcinilor polinomului $f = X^3 + 2X^2 - 2X - 1$ .
032	II	e)	Să se determine submulțimile mulțimii $A = \{x, y\}$ .	Să se determine cel mai mare număr întreg $m$ pentru care $3^m < 30$ .
032	III	g)	$z \in \mathbf{C}$	$\forall z \in \mathbf{C}$
032	IV	e)	$k \in \{1, 2, \dots, n\}$	$\forall k \in \{1, 2, \dots, n\}$
032	IV	e)	demonstrează inegalitatea	arate că

## ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

## DISCIPLINA: matematică M1-2

032	IV	g)	$n \in \mathbf{N}, n \geq 2$	orice $n \in \mathbf{N}, n \geq 2$
033	I	a)	$AB$	$[AB]$
033	I	b)	$\operatorname{tg} \frac{\pi}{4}$	$\sin \frac{\pi}{6} + \operatorname{tg} \frac{\pi}{4}$
034	III	enunț	$x, y \in (0, \infty)$	$\forall x, y \in (0, \infty)$ .
034	I	b)	D al	
034	II	1.e)	Să se calculeze în câte feluri se poate alcătui o echipă de intervenție formată din o asistentă și un medic, dacă avem la dispoziție 3 medici și 4 asistente medicale	Să se calculeze în câte feluri se pot alege două persoane dintr-un grup de șapte persoane
034	III	c)	Să se arate că	Utilizând eventual metoda inducției matematice, să se arate că
035	I	d)	Să se determine numerele reale $a$ și $b$ astfel încât numărul $a + bi$ este inversul numărului complex $3 - 5i$ .	Să se dea un exemplu de număr complex nereal care are modulul $\sqrt{10}$ .
035	II	e)	Să se calculeze în câte moduri se poate alcătui o echipă de proiectare formată din 4 persoane, dacă avem la dispoziție 3 ingineri și 2 maiștri.	Să se calculeze în câte moduri se poate alcătui o echipă formată din 4 persoane dintr-un grup format din 5 persoane.
036	I	f)	Să se determine $a, b \in \mathbf{R}$ , astfel încât să avem egalitatea de numere	Dacă $\sin x = \frac{4}{5}$ să se calculeze

## ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

## DISCIPLINA: matematică M1-2

			complexe $\frac{5+16i}{16-5i} = a+bi$ .	$\cos^2 x$ .
036	II	b)	expresia $E = C_7^3 - C_7^4 + C_{10}^{10}$	$C_7^3 - C_7^4 + C_{10}^{10}$
036	II	1.c)	$\log_{10} x = 2$	$\log_4 x = 2$
036	III	c)	În mulțimea	un element al mulțimii
037	I	f)		unde $\bar{z}$ reprezintă cînjugatul lui $z$ .
037	III	enunț		$M = \left\{ \begin{pmatrix} a & b \\ b & c \end{pmatrix} \middle  a, b, c \in \mathbf{C} \right\}$
037	III	c)	$\det(B)$ , unde $B = A+A'$	$\det(A+A')$
037	IV	c)	$A(3,1)$	$A(3,9)$
038	I	a)		Complex
038	II	2.c)	Să se stabilească care număr este mai mare	Să se compare numerele
038	IV	g)	Să se demonstreze că pentru orice $a < \frac{1}{4}$ , în intervalul $\left(a, \frac{1}{4}\right)$ există o infinitate de termeni ai șirului $(a_n)_{n \geq 1}$ .	Să se calculeze $\int_1^2 \frac{1}{x(x+1)(x+2)} dx$ .
039	I	e)		Să se calculeze distanța de la punctul $C(1,1)$ la dreapta de ecuație $x+y=1$

## ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

## DISCIPLINA: matematică M1-2

039	II	2.e)	Să se determine $x > 0$ astfel încât $x^x = 1$ .	Să se calculeze $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x^2}$ .
039	I	f)	$A(2,0)$ se găsește în interiorul	$A(2,1)$ aparține cercului
039	IV	g)	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{2}$
040	IV	g)		Să se arate că aria suprafeței plane cuprinse între graficul funcției $f$ , axa $Ox$ și dreptele $x=1$ și $x=2$ este mai mică decât $\frac{1}{2}$ .
041	I	c)	calculeze valoarea lui $m$	determine $m \in \mathbf{R}$
041	II	1.a)	$\mathbf{R}_+^*$	în intervalul $(0, \infty)$
041	III	g)	$\det(A + kB) = 2, \forall k \in \mathbf{R}$	$\det(Ak + B) = 2, \forall k \in \mathbf{R}$
041	IV	enunț		unde $r \in \mathbf{R}$ , $r > 1$ și se definește șirul $(e_n)_{n \geq 1}$ prin $e_n = \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n$ , $\forall n \geq 1$ .
041	IV	b)	$f'(x), x \geq -1$	$f'(x), x > -1$
041	IV	c)	$f'(x) = 0, x \geq -1$	$f'(x) = 0, x > -1$
042	I	f)		Să se determine partea reală a numărului complex. $(1 + 2i)^2$
042	III	enunț	matricea	o matrice
043	I	b)	$\sin x$	$\cos x$

## ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

## DISCIPLINA: matematică M1-2

043	I	b)	$\cos x = \frac{1}{2}$	$\sin x = \frac{1}{2}$
043	II	2.enunț	$f : (0, \infty) \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = \frac{e^x}{x+2}$	$f : [0, \infty) \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = \frac{e^x}{x+2}$
043	II	2.a)	$x \in (0, \infty)$	$x \in [0, \infty)$
043	III	enunț	În mulțimea matricelor $M_2(\mathbf{R})$ se consideră	Se consider
043	IV	enunț	$f(x) = e^{-x} \cdot (2x^2 - 3x)$	$f(x) = e^{-x} \cdot (2x+3)$
043	IV	g)	$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x^2}$	$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x}$
045	I	b)	$y = 5$	$y = 2$
045	I	c)	$\operatorname{Re}(z) + \operatorname{Im}(z)$	partea reală a numărului complex
045	II	1.a)	$f \circ g$	$(f \circ g)(2)$
046	II	b)	ocupa 3 atleți podiumul unui concurs.	fi alese două persoane dintr-un grup de cinci persoane.
046	II	d)		Să se calculeze restul împărțirii polinomului $f = X^3 + X - 2$ la polinomul $g = X - 1$ .
046	III	enunț	În mulțimea matricelor pătratice $M_2(\mathbf{C})$ s	S
047	II	1d)	inversabil	Inversabil fata de inmultire
048	II	a)	și rația progresiei	

ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

DISCIPLINA: matematică M1-2

049	I	d)	$\sin \pi$	$\sin \pi + \operatorname{tg} \frac{\pi}{4}$
049	III	g)	$A^{2006}$	$A^{2007}$
050	I	b)	Să se scrie ecuația dreptei $A_0A_1$ .	Să se arate că punctele $A_0$ și $A_1$ aparțin dreptei $y = 1$ .
050	III	f)		Să se calculeze $h \circ h \circ h$ , unde $h \in G$ , $h(x) = 2x - 1$ .
050	III	g)		Să se arate că mulțimea $G$ , împreună cu operația de compunere a funcțiilor, formează o structură de grup comutativ.
051	IV	enunț	$\forall n \in \mathbf{N}, \forall x \in \mathbf{R}$ .	$\forall n \in \mathbf{N}$
052	III	a)	$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$	$A = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 4 & 2 \end{pmatrix}$
054	III			Grupul g) trebuie sters pentru a ramine subpunctele doar până la g)
055	I	e)	$\sin \frac{49\pi}{6}$	$\sin 30^\circ + \sin(-30^\circ)$
055	II	2. enunț	$\forall n \geq 1$	$\forall n \in \mathbf{N}^*$
056	I	d)	Să se scrie ecuația dreptei $AB$ .	Să se determine $a, b \in \mathbf{R}$ astfel încât punctele $A$ și $B$ să aparțină dreptei de ecuație

ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

DISCIPLINA: matematică M1-2

				$ax + by - 2 = 0$ .
056	III	enunț	$g : M_2(\mathbf{C}) \rightarrow M_2(\mathbf{C}), g(x) = x^2 - 4x + 2I_2$	$g : M_2(\mathbf{C}) \rightarrow M_2(\mathbf{C}), g(X) = X^2 - 4X + 2I_2$
058	I	c)	AC	[AC]
058	IV	integral		Se consideră funcția $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R} \quad f(x) = \frac{x^2 + 2}{x^2 + 1}$ .
				a) Să se determine ecuația asimptotei spre $-\infty$ la graficul funcției $f$ .
				b) Să se arate că $f'(x) + f'(-x) = 0, \forall x \in \mathbf{R}$ .
				c) Să se arate că funcția $f$ este strict descrescătoare pe intervalul $[0, \infty)$ .
				d) Să se arate că $1 \leq f(x) \leq 2, \forall x \in \mathbf{R}$ .
				e) Să se arate că există $a, b \in \mathbf{R} - \mathbf{Q}, a \neq b$ pentru care $f(a) = f(b) \in \mathbf{Q}$ .

## ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

## DISCIPLINA: matematică M1-2

				f) Să se calculeze $\int_0^1 f(x)dx$ .
				g) Să se arate că $1 \leq \frac{1}{e-1} \cdot \int_0^1 e^x \cdot f(x)dx \leq 2.$
059	I	c)	$x + ay + b = 0$	$ax + by + 2 = 0$
059	II	e)	coeficienților	rădăcinilor
059	IV	e)	$\forall n \in \mathbf{N}$	$\forall n \in \mathbf{N}^*$
060	I	f)	$\frac{x^2}{8} + \frac{y^2}{8} = 1$ dusă prin punctul $P(2,2)$	$\frac{x^2}{8} + \frac{y^2}{2} = 1$ în punctul $P(2,1)$
061	II	2 enunț	$f(x) = x^3 - 3x + 1$	$f(x) = x^3 - 3x + 2$
061	III	enunț	$A = \{z \in \mathbf{C}^* / z^3 = 1\}$	$A = \{z \in \mathbf{C}^*   z^3 = 1\}$
061	IV	a)	$f'(x)$ și $g'(x)$	$f'(x)$ , $x \in (0, \infty)$ și $g'(x)$ , $x \in [0, \infty)$ .
062	I	a)	$\sin \frac{9\pi}{2}$	$\sin \frac{\pi}{2} + \cos \pi$
062	I	d)	Să se găsească cel mai mare element al mulțimii $\left\{ \sin \frac{\pi}{3}, \sin \frac{\pi}{4}, \sin \frac{\pi}{5}, \sin \frac{\pi}{6} \right\}$	Să se calculeze distanța dintre punctele $A(2,0)$ și $B(1,3)$ .
062	III	enunț	Considerăm matricea	Se notează cu $E = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \in G$

ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

DISCIPLINA: matematică M1-2

			$E = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \in G$	<p>și</p> $O_3 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}.$
063	II	1.a)	$\hat{S}x = \hat{2}$	$\hat{S} \cdot \hat{x} = \hat{2}$
063	III	f)	<p>Să se determine rangul matricei</p> $X = A + A^2 + \dots + A^{2007}.$	<p>Să se arate că pentru orice matrice <math>C \in M_3(\mathbf{R})</math>, există o unică matrice <math>Y \in M_3(\mathbf{R})</math> astfel încât <math>AY = C</math>.</p>
063	IV	enunț	$f(x) = (x+4)^{2006} - x^{2006}$	$f(x) = (x+4)^{2008} - x^{2008}$
063	IV	e)	$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x^{2005}}$	$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x^{2007}}.$
064	IV	c)	$x \in (0, \infty)$	$x \in [1, \infty)$
065	III	enunț	$H = \left\{ A(x) = \begin{pmatrix} x & 1 & 1 \\ 1 & x & 1 \\ 1 & 1 & x \end{pmatrix} / x \in M \right\}$	$H = \left\{ A(x) = \begin{pmatrix} x & 1 & 1 \\ 1 & x & 1 \\ 1 & 1 & x \end{pmatrix} / x \in M \right\}$
065	III	b)	<p><math>B^n, n \in \mathbf{N}^*</math>, dacă</p> $B = A(1) \in H.$	$(A(1))^n, n \in \mathbf{N}^*.$
065	IV	enunț		$\forall n \in \mathbf{N}^*$
066	III	b)	$a_{19}$	$a_0$
066	III	d)	$f(-1)$	$f(i)$

ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

DISCIPLINA: matematică M1-2

067	II	d)	$\lim_{x \rightarrow 0} (f(x))^{\frac{1}{x}}$	$\lim_{x \rightarrow 0} (f(x))^x$
067	II	1e)	$2^a$	$2a$
067	IV	g)	$\lim_{n \rightarrow \infty} (x_1 + x_2 + \dots + x_n)$	$\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f_n(x)$
068	II	e)	Să se calculeze în câte feluri se poate alcătui o echipă de cercetare formată din 5 specialiști, dacă avem la dispoziție 3 biologi și 4 chimiști.	Să se calculeze în câte feluri se poate alcătui o echipă formată din 5 persoane, dacă avem la dispoziție 8 persoane.
068	IV	f)	$1 + \ln x < x$	$1 + \ln x \leq x$
069	I	c)	Să se calculeze numărul complex $(\sin \pi + i \cdot \cos \pi)^{10}$ .	Să se determine partea reală a numărului complex $(\cos \pi + i \cdot \sin \pi)^{10}$ .
069	II	1.d)	$\sqrt{x} \leq 4$	$\sqrt{x} \geq 4$
070	II	1d)	monoidul	
070	III	b)	$A(x) \cdot A(-x) = A(-x) \cdot A(x) = A$ , $\forall x \in \mathbf{R}$ .	$\det(A(x)) \neq 0$ , $\forall A(x) \in G$ .
070	IV	f)		$\forall x \in \mathbf{R}$
072	III	enunț	Se consideră mulțimea $G = \left\{ \begin{pmatrix} a & b \\ -b & a \end{pmatrix} \mid a, b \in \mathbf{Z} \right\}$ și matricele $I_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ și $O_2 = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ . Se mai consideră mulțimea	Se consideră mulțimile $G = \left\{ \begin{pmatrix} a & b \\ -b & a \end{pmatrix} \mid a, b \in \mathbf{Z} \right\}$ , $U(G) = \{A \in G \mid \det(A) \neq 0, A^{-1} \in G\}$ și matricele $I_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ și

ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

DISCIPLINA: matematică M1-2

			$U(G) = \{A \in G \mid A \text{ inversabilă, } A^{-1}$	$O_2 = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}.$
075	I	1.a)	$\hat{3} \cdot x = \hat{7}$	$\hat{3} \cdot \hat{x} = \hat{7}$
078	II	1a)	$\hat{5} \cdot x = \hat{4}$	$\hat{5} \cdot \hat{x} = \hat{4}$
080	I	a)	Se schimba cu	Să se calculeze distanța dintre punctele $O$ și $A$ .
080	IV	enunț	$f_n(x) : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$	$f_n : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$
080	IV	c)	$f_2(x)$	$f_2$
079	I	c)	Să se determine cel mai mare element al mulțimii $\left\{ \cos \frac{\pi}{6}, \cos \frac{\pi}{3}, \cos \frac{\pi}{2} \right\}.$	Să se calculeze distanța dintre punctele $A(2,3)$ și $B(5,7)$ .
079	II	2.b)		Să se arate că $f(x) + f''(x) = 0$ , $\forall x \in \mathbf{R}.$
079	II	d)	Să se arate că mulțimea $\mathbf{Z}$ este parte stabilă în raport cu legea "o".	Să se în intervalul $(0, \infty)$ ecuația $(2^x) \circ (\log_2 x) = 1.$
079	II	2.e)	Să se arate că $x^2 + x + 1 > 0$ , $\forall x \in \mathbf{R}.$	Să se calculeze $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x) - 2 \cos x}{7x}.$
079	IV	g)	Să se demonstreze că $e^x > \frac{x^{e+1}}{e+1} + 1, \forall x > 0.$	Să se demonstreze că

## ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

## DISCIPLINA: matematică M1-2

				$\int_1^e x^e dx \leq e^e - e.$
076	II	2.	funcțiile	funcția
076	III	d)	Să se arate că $A(x) \cdot A(y) = A(x+y).$	Să se arate că $A(x) \cdot A(y) = A(x+y),$ $\forall A(x), A(y) \in G.$
076	III	e)	Să se calculeze $A(1) \cdot A(2).$	Să se arate că $A(x) \cdot A(x') = I_3$
076	III	g)	Să se arate că $A^n(x) = A(nx),$ $\forall n \in \mathbf{N}, n \geq 1.$	Să se arate că $A^n(x) = A(nx),$ $\forall n \in \mathbf{N}, n \geq 1, \forall A(x) \in G.$
076	IV	b)	$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1}$	$\int_1^e f(x) dx$
076	IV	d)	pe $\mathbf{R}$	ale funcției $f.$
077	II	1.a)	$4^x + 2^{x+1} = 80$	$4^x + 2^{x+1} = 8$
077	II	1.d)	Să se precizeze care termen din dezvoltarea $\left(\frac{\sqrt{3}}{x} + \frac{3}{\sqrt[3]{x}}\right)^{13}$ îl conține pe $x^{-7}.$	Să se rezolve în $(0, \infty)$ ecuația $\log_3(1+x) = 3.$
077	II	2.a)	$f'(x).$	$f'(x), x \in \mathbf{R}.$
077	III		$g = X^{10}$	$g = X^5$
077	III	g)	$m = 0$	$m = 3$
077	IV	f)	Să se determine $a, b, c \in \mathbf{R}$ astfel încât $F : (-\infty, 6) \rightarrow \mathbf{R}$ , $F(x) = (ax^2 + bx + c)\sqrt{6-x}$ să fie primitiva funcției	Să se calculeze $\int_2^5 f(x) dx.$

ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

DISCIPLINA: matematică M1-2

			$g : (-\infty, 6] \rightarrow \mathbf{R}, g(x) = xf(x).$	
078	II	1.d)	$5^x - 3^x = 0$	$9^x = 3^{x+1}$
078	III	g)	<b>d)</b> Să se calculeze determinantul matricei $C + C^2 + C^3 + \dots + C^{2007}.$	Să se arate că există $X, Y \in M_2(\mathbf{R})$ , $X \neq Y$ , astfel încât $AX = BY$ .
081	I	c)	Să se calculeze $\left(\sin \frac{\pi}{3} + \cos \frac{\pi}{3}\right)^2.$	Să se determine partea reală a numărului complex $(2 + 3i)(3 - 2i).$
081	I	f)	Să se calculeze suma de numere complexe $1 + i + \frac{1}{1+i}.$	Să se dea exemplu de număr natural $n$ , pentru care $\cos \frac{n\pi}{12} = \frac{1}{2}.$
081	II	1.a)	$\hat{2}x = \hat{4}$	$\hat{2}\hat{x} = \hat{4}$
081	III	f)		Utilizând metoda inducției matematice, să se arate că $\forall n \in \mathbf{N}^*$ , $n \geq 2, \forall a, c \in (0, \infty)$ și $\forall b \in \mathbf{R}$ are loc....
082	II	1.c)	Să se determine câte soluții are în $\mathbf{Z}_7$ ecuația $\hat{3} \cdot x = \hat{4}.$	Să se rezolve în $\mathbf{Z}_7$ ecuația $\hat{3} \cdot \hat{x} = \hat{4}.$
082	IV		d) devine c) e) devine d) f) devine e) g) devine f)	
082	IV	g)		Folosind eventual punctul d), să se arate că $\int_0^1 \frac{x^3}{(x+1)(x+2)} dx \leq \frac{1}{8}.$

ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

DISCIPLINA: matematică M1-2

083	I		Se consideră numerele complexe $z_1 = 3 - i, z_2 = 1 + 3i$ și $z_3 = -1 - i$ , care sunt afixele punctelor $A(3, -1), B(1, 3)$ și $C(-1, -1)$ .	În sistemul cartezian $xOy$ se consideră punctelor $A(-2, 3), B(-1, 4)$ și $C(3, 0)$ .
083	I	a)	$z_1 \cdot z_3$	$(-2 + 3i)(-1 + 4i)$
083	I		f) devine b)	
083	I	f)		Să se calculeze $\sin(\hat{A}BC)$
084	I	e)	egală cu	
084	II	1.b)	elementul	
084	II	1.b)	Să se calculeze expresia $E = \frac{C_8^5}{C_8^3}$ .	Să se calculeze $\frac{C_8^5}{C_8^3}$ .
084	II	2.c)	Să se calculeze $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x) - f(0)}{x}$ .	Să se calculeze $\int_1^2 \frac{f(x)}{x} dx$
085	I		Se consideră în reperul cartezian $xOy$ punctele $A(2, 2), B(2, 0), C(0, 4)$	În reperul cartezian $xOy$ se consideră punctele $A(2, 2), B(2, 0), C(0, 4)$ .
085	II	1. a)	dacă	se cunosc
085	II	1.e)	reale $A = \{2n + 1   n \in \mathbf{Z}\},$ $B = [0, 2].$	reale: $A = \{2n + 1   n \in \mathbf{Z}\}$ sau $B = [0, 2].$
085	III		avem	are loc egalitatea
086	I	b)	Să se demonstreze că $OA = OB$ .	Să se calculeze aria triunghiului $ABC$ .
086	II	1.b)	avem:	se cunosc

## ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

## DISCIPLINA: matematică M1-2

086	IV	d)	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f_k(x) - 1}{x} = k, \forall k \in \mathbf{N}^*$	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f_k(x) - 1}{x} = \frac{k}{e}, \forall k \in \mathbf{N}^*$
087	I	a)	Să se arate că $z_1 \cdot \bar{z}_2 + \bar{z}_1 \cdot z_2 \in \mathbf{R}$ dacă $z_1 = 1 + 2i$ și $z_2 = 2 - i$ .	Să se calculeze modulul numărului complex $\frac{3 + 4i}{i}$ .
087	II	1.a)	Să se rezolve în $\hat{x} \in \mathbf{Z}_6$ ecuația $\hat{S} \cdot x = \hat{3}$ .	Să se rezolve în $\mathbf{Z}_6$ ecuația $\hat{5} \cdot \hat{x} = \hat{3}$ .
087	II	1.b)	expresia $E = x_1^2 + x_2^2 - x_1 x_2$	expresia $x_1^2 + x_2^2 - x_1 x_2$
087	I	d)	să fie pe dreapta	să aparțină dreptei
087	I	f)	avem	aibă loc
087	II	1.a)	elementul $\hat{3}^{2006}$	$\hat{3}^{2007}$
087	II	1.b)	Să se calculeze expresia $E = C_9^3 - C_9^6 + C_8^8$ .	Să se calculeze $C_9^3 - C_9^6 + C_8^8$ .
088	IV	g)	Să se calculeze $\lim_{x \rightarrow \infty} F(x)$ .	Să se arate că $F(\sqrt{2006}) < F(\sqrt{2007})$ .
089	III	b)	$\forall f_a, f_b \in G$	$\forall f_a \in G$
089	IV	a)		$x \in \mathbf{R}$
089	IV	f)	$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x)$	$\lim_{x \rightarrow 0} (\cos x - f(x))^{\frac{1}{x^2}}$
090	I	a)	Să se scrie sub formă algebrică numărul complex $z = \cos 0 + i \sin 0$ .	Să se determine $a, b \in \mathbf{R}$ pentru care $(1 + 2i)(2 + i) = a + bi$ .
090	I	b)	$d: -x + y - 3 = 0$	de ecuație $-x + y - 3 = 0$ .
090	I	c)	produsul $i \cdot i^2 \cdot \dots \cdot i^{10}$	produsul de numere complexe $i \cdot i^2 \cdot \dots \cdot i^{10}$
090	II	1.a)	Să se rezolve în $\mathbf{Z}_8$ ecuația	Să se rezolve în $\mathbf{Z}_8$ ecuația $\hat{5}\hat{x} = \hat{7}$ .

## ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

## DISCIPLINA: matematică M1-2

			$\hat{S}x = \hat{\gamma}$ .	
090	II	1.e)	mulțimea $\{1, 2, 3, 4, 5\}$ , să verifice relația $2^n \leq 22$ .	mulțimea $\{2, 3, 4, 5\}$ să verifice relația $C_n^2 < 5$ .
091	II	1.d)	primul termen și rația progresiei aritmetice $(a_n)_{n \geq 1}$ care	primul termen al progresiei aritmetice $(a_n)_{n \geq 1}$ în care
092	II	1.a)	ecuația $x^2 - 2x + 5 = 0$	ecuația $x^2 + 3x - 4 = 0$
092	IV	e)	funcția $F$ este convexă pe $\mathbf{R}$ .	există $a, b \in \mathbf{R}, a \neq b$ pentru care $F(a) = F(b)$
093	II	1.b)	Să se calculeze expresia $E = C_6^3 - C_6^4 + C_6^6$ .	Să se calculeze $C_6^3 - C_6^4 + C_6^6$ .
093	II	1.d)	naturale ecuația	naturale nenule ecuația
094	I	c)	Să se calculeze suma de numere complexe $S = \frac{1}{i} + \frac{1}{i^3} + \frac{1}{i^5} + \frac{1}{i^7}$ .	Să se determine partea reală a numărului complex $(2-i)(3-i)$ .
094	I	d)	să fie situat pe dreapta	să aparțină dreaptei
094	I	f)	avem	aibă loc
094	II	1.a)	Să se calculeze elementul $\hat{2}^{2006}$ în $(\mathbf{Z}_8, \cdot)$ .	Să se calculeze $\hat{2}^{2007}$ în $(\mathbf{Z}_8, \cdot)$ .
			Să se calculeze expresia $E = C_8^3 - C_8^5 + C_8^8$ .	Să se calculeze $C_8^3 - C_8^5 + C_8^8$ .
094	IV		Pentru oricare $p \in \mathbf{N}$ și $q \in \mathbf{N}$ notăm $B(p, q) = \int_0^1 x^q (1-x)^p dx$ .	Pentru oricare $p \in \mathbf{N}$ și $q \in \mathbf{N}$ definim: $B(p, q) = \int_0^1 x^q (1-x)^p dx$ ,

## ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

## DISCIPLINA: matematică M1-2

				$\forall p, q \in \mathbf{N}^*, B(0, q) = \int_0^1 x^q dx, \forall q \in \mathbf{N}^*$ $, B(p, 0) = \int_0^1 (1-x)^p dx, \forall p \in \mathbf{N}^*$ și $B(0, 0) = \int_0^1 1 dx.$
094	IV	c)	$B(n, 0), n \in \mathbf{N}.$	$B(n, 0), n \in \mathbf{N}.$
094	IV	d)		$\forall p, q \in \mathbf{N}.$
094	IV	e)		$\forall p \in \mathbf{N}^*, \forall q \in \mathbf{N}.$
095	I	e)	punctul $M\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$ egal	punctul $M\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$ este egal
096	I	c)	determine centrul și raza	determine raza
096	III	a)	rădăcinile complexe ale polinomului	rădăcinile polinomului
096	III	f)	Să se arate că, pentru orice două polinoame $s, t \in \mathbf{R}[X]$ , avem relația $g \neq s^2 + t^2$ .	Să se arate că $g \neq s^2 + t^2$ , pentru orice două polinoame $s, t \in \mathbf{R}[X]$ .
096	III	g)	să avem relația $g = u^2 + v^2$	$g = u^2 + v^2$
096	IV		$f(x) = x^{2006} + 1$	$f(x) = x^{2007} + 1$
097	I	a)	$AB$	$[AB]$
097	I	f)	sferei	cercului
097	I	1.b)	șirului	progresiei geometrice
097	I	1.c)	, în $\mathbf{N}.$	unde $n \in \mathbf{N}, n \geq 2.$
097	II	c)	ecuația unde $n \in \mathbf{N}, n \geq 2.$	în $\mathbf{R}$ ecuația $\log_3(x^2 + 2) = 3.$

ERATĂ - subiecte bacalaureat 2007

DISCIPLINA: matematică M1-2

098	II	1.	$x \circ y = xy - 2x - 2y + 6$	$x * y = xy - 2x - 2y + 6$
098	II	1.a)	$x \circ e = e \circ x = x$	$x * e = e * x = x$
098	II	1.b)	$3 \circ x = 11$	$3 * x = 11$
098	II	1.c)	$\begin{vmatrix} A_4^1 & C_5^2 \\ 3 & 2 \end{vmatrix}$	$\begin{vmatrix} 4 & C_5^2 \\ 3 & 2 \end{vmatrix}$
099	I	c)	suma de numere complexe $S = i + i^3 + i^5 + i^7.$	$\cos \pi + \cos 2\pi$
099	II	1.a)	elementul $\hat{2}^{2006}$	$\hat{2}^{2007}$
099	II	1.b)	Să se calculeze expresia $E = C_7^3 - C_7^4 + C_7^7.$	Să se calculeze $C_7^3 - C_7^4 + C_7^7.$